

## МОДЕЛЬ СИСТЕМНОЇ ПОВЕДІНКИ БЕЗДРОТОВОЇ ЛОКАЛЬНОЇ МЕРЕЖІ У ВИГЛЯДІ ЛАНЦЮГА МАРКОВА З ДИСКРЕТНИМ ЦІЛОЧИСЕЛЬНИМ ЧАСОМ

Предметом дослідження і моделювання є бездротова локальна мережа, що складається з  $N$  станцій, в чергу кожній з яких поступає пуасонівський потік пакетів з однаковою інтенсивністю  $\lambda$  і однаковим розподілом  $D(l_j)$  довжин пакетів  $l_j$ . Принцип роботи станцій мережі – розподілений режим управління DCF. Допущення: передбачається, що черга пакетів станції може містити не більше  $B$  пакетів, межі  $L$  і  $N_s$  дорівнюють  $m$  і однакові для всіх станцій, а час розповсюдження сигналу нехтовно малий.

*Основна мета моделювання* – знайти системний показник, який дозволить визначити середнє значення часу обслуговування пакету  $T$ , відлічуваного від моменту надходження пакету в порожню чергу даної станції, або від моменту закінчення обслуговування попереднього пакету з цієї черги, і до моменту отримання підтвердження АСК, або закінчення інтервалу EIFS після останньої невдалої спроби передачі, тобто у разі втрати пакету.

Пакети, передача яких починається у момент надходження, назвемо переданими асинхронно, а всі інші – переданими синхронно. Асинхронна передача має місце, якщо у момент приходу пакету станція була в стані простою, а канал був вільний протягом часу, як мінімум, DIFS або EIFS. Таким чином, асинхронна передача відбувається тільки за відсутності синхронних передач інших станцій, а оскільки  $\lambda N \sigma \ll 1$ , то можна вважати, що за час одного слота затримки в мережі може відбутися не більше однієї асинхронної передачі. Отже, асинхронна передача завжди успішна.

Для оцінки часу  $T$  будемо модель системної поведінки станції у вигляді ланцюга Маркова з дискретним цілочисельним часом, одиницею якого є віртуальний слот – проміжок часу між послідовною зміною лічильника затримки у кожній станції, що не знаходиться в стані простою.

У досліджуваній моделі використовуємо:  $b(t)$  – стохастичний процес зміни лічильника затримки для даної станції, часи  $t$  і  $t+1$  відповідають початку двох послідовних віртуальних слотів, причому вважаємо, що станція передає, коли  $b(t)=0$ . У той же час враховуємо, що  $s(t)$  – стохастичний процес зміни стадії затримки  $0, \dots, m$ , розширений значенням  $-1$  для ситуації, коли в черзі немає пакету.

Виходячи з прийнятої моделі, вище зазначені періоди часу не мають прямої відповідності реальному часу, і віртуальні слоти неоднорідні.

У досліджуваній моделі лічильник затримки «заморожується», якщо станція помічає передачу іншої станції. Тому реальний час, що пройшов між  $t$  та  $t+1$ , більше слота затримки  $\sigma$  за наявності передачі іншої станції. Таким чином, маємо і досліджуємо 3 види віртуальних слотів:

- а) «порожній» слот – під час нього жодна станція не вела передачу;
- б) «успішний» слот – коли одна і лише одна станція вела передачу;
- в) «колізійний» слот – під час нього відбулася колізія.

У моделі двовимірний процес  $\{s(t), b(t)\}$  описаний ланцюгом Маркова. Стану простою станції відповідає стан  $(-1, 0)$ . Стани, коли станція не має пакету для передачі, але виконує процедуру затримки після вдалої передачі або відмови – це  $(-1, 1, \dots, W_0-1)$ . Нарешті, стани, коли станція має пакет і виконує процедуру затримки – це вся решта  $(i, k)$ , де  $k=0, \dots, W_1-1$  характеризує значення лічильника затримки, а  $i=0, \dots, m$  – стадію затримки.

Як результат, в доповіді показується, що задача вирішується, коли змінна черги синхронного обслуговування описується процесом її породження/розсмоктування, стаціонарна ймовірність стану  $i$  якого дорівнює  $\pi_i = \pi_0 \lambda_0 T_s^i \lambda^{i-1}$ , де  $i = 1, \dots, B$ , а  $\lambda_0 = (1 - p_a) \lambda$ . Інші змінні – класичні для теорії ймовірностей та теорії інформаційно-комунікаційних мереж. Таким чином, ймовірність спустошення черги після завершення синхронного обслуговування

дорівнює  $P_0 = \frac{\pi_1}{1 - \pi_0}$ , а так як  $\pi_0 = \frac{1}{1 + (1 - p_a) \sum_{i=1}^B (\lambda T_s)^i}$ , то

$$P_0 = \frac{1}{\sum_{i=1}^B (\lambda T_s)^{i-1}} = \frac{1 - \lambda T_s}{1 - (\lambda T)^B}.$$

## Література

1. Баранов А.В. Разработка аналитических методов оценки производительности беспроводных локальных сетей на базе протокола IEEE 802.11 // [Электронный ресурс]: Дис. ... канд. техн. наук: 05.13.13. – М.: РГБ, 2005 (Из фондов Российской Государственной Библиотеки).